

高1 数学



★たすき掛けについて

$$acx^2 + (ad + bc)x + bd = (ax + b)(cx + d)$$

例 $2x^2 + 11x + 12$ の因数分解

x^2 の項に1以外の係数がついていると、因数分解は少し面倒になります。
たすき掛けというやり方で因数分解してみましょう。

例では、 x^2 の係数は2です。
これを、 1×2 という風に分けて考えます。
次に、定数項が12なので、かけ算をすると12になる数を考えます。
候補にあがるのは、
 1×12 、 2×6 、 3×4 の3パターンです。
これらを組み合わせて、 x の項の係数が11になるものを考えます。

右図のように、斜めに掛け合わせて、和が11になるものを探します。
このやり方を、たすき掛けといいます。

$$(x+4)(2x+3)$$

が答えになります。
展開すると、確かに問題の式と一致します。

学校の課題の解き方がわからないときは、このプリントの解き方を参考にしてね

$2x^2 + 11x + 12$

「 x^2 と $x+12$ 」に分ける
「 x^2 と $x+12$ 」に分ける

$2x^2 + 11x + 12$

$\begin{array}{r} 12 \\ \times 2x \\ \hline 24 \\ 12 \\ \hline 25 \end{array}$

$1x \times 2x$ か 12 12×1 $24 + 1$ 11 にならない

「 $x+12$ 」の分り方があちがう！

別の分り方をためす

$2x^2 + 11x + 12$

$(1x \times 4) + (2x \times 3) = 8$

$2x^2 + 12$

$1x \times 2x + 4 \times 3 = 8 + 3$

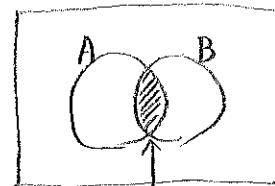
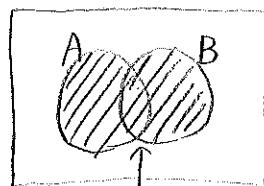
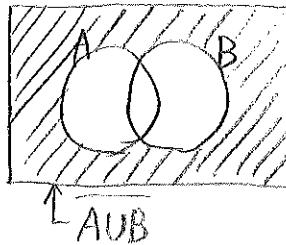
同じになら

正しい！

$\rightarrow (x+4)(2x+3)$ が答え。

★集合は図を書いて考えよう

集合A、集合Bがあるとき、

A、Bどちらにも含まれている部分を、共通部分といい、「 $A \cap B$ 」と表します。A、Bの少なくとも一方に含まれている部分を和集合といい、「 $A \cup B$ 」と表します。AにもBにも属していない部分を補集合といい、「 $\overline{A \cup B}$ 」と表します。 $A \cap B$  $A \cup B$  $A \cap B̄$

実際の問題では、何が含まれていて何が含まれていないのか、わかりにくくなっているので、しっかり図を書いて考えるようしましょう。

例 1から100までの数のうち、次のような整数は何個あるか。

(1) 3の倍数

(2) 4の倍数

(3) 3の倍数かつ4の倍数

(4) 3の倍数または4の倍数

(5) 3の倍数ではない数

(6) 3の倍数でも4の倍数でもない数

(7) 3の倍数ではないが、4の倍数ではある数

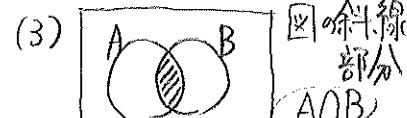
3の倍数の集合をA、4の倍数の集合をBとする。

$$(1) 100 \div 3 = 33 \text{あまり } 1.$$

A. 33個

$$(2) 100 \div 4 = 25$$

A. 25個



3と4の最小公倍数12の倍数をかぞえる。

$$100 \div 12 = 8 \text{あまり } 4.$$

A. 8個

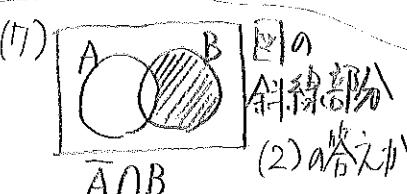


(3の倍数) + (4の倍数) - (12の倍数)
 $= 33 + 25 - 8 = 50$

A. 50個

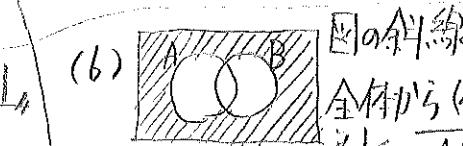
$$(5) \frac{100 - 33}{A} = 67$$

A. 67個



(2)の答えから(3)の答を引けばよい。 $25 - 8 = 17$

A. 17個



全個から(4)の答を引けばよい。 $100 - 50 = 50$

A. 50個

$$(7) \frac{100 - 33}{A \cap B} = 67$$